

展開と因数分解 [乗法公式を利用した因数分解(1)]

乗法公式を利用した因数分解(1)

乗法公式と因数分解

乗法公式を利用した展開の逆

$$[1] x^2 + (a+b)x + ab = (x+a)(x+b)$$

和 積

<例> $x^2 + 5x + 6 = x^2 + (2+3)x + 2 \times 3$

$$= (x+2)(x+3)$$

積が6になる2数の組は
(1,6), (-1,-6), (2,3), (-2,-3)
和が5になるのは (2,3)

$$x^2 - 2x - 15 = x^2 + \{3 + (-5)\}x + 3 \times (-5)$$

$$= (x+3)\{x+(-5)\}$$

$$= (x+3)(x-5)$$

積が-15になる2数の組は
(1,-15), (-1,15), (3,-5), (-3,5)
和が-2になるのは (3,-5)

<確認問題>

次の式を因数分解せよ。

(1) $x^2 + 3x + 2$

(6) $x^2 - x - 30$

(2) $x^2 + 7x + 6$

(7) $x^2 - 3x - 28$

(3) $x^2 + 10x + 24$

(8) $x^2 - 6x + 8$

(4) $x^2 + 11x - 12$

(9) $x^2 - 10x + 24$

(5) $x^2 + 7x - 18$

(10) $x^2 - 15x + 56$

展開と因数分解 [乗法公式を利用した因数分解(1)]

乗法公式を利用した因数分解(1)

乗法公式と因数分解

乗法公式を利用した展開の逆

$$[1] x^2 + (a+b)x + ab = (x+a)(x+b)$$

和 積

<例> $x^2 + 5x + 6 = x^2 + (2+3)x + 2 \times 3$

$$= (x+2)(x+3)$$

積が6になる2数の組は
(1,6), (-1,-6), (2,3), (-2,-3)
和が5になるのは(2,3)

$$x^2 - 2x - 15 = x^2 + \{3 + (-5)\} x + 3 \times (-5)$$

$$= (x+3) \{x + (-5)\}$$

$$= (x+3)(x-5)$$

積が-15になる2数の組は
(1,-15), (-1,15), (3,-5), (-3,5)
和が-2になるのは(3,-5)

<確認問題>

次の式を因数分解せよ。

(1) $x^2 + 3x + 2$

$$x^2 + 3x + 2 = x^2 + (1+2)x + 1 \times 2$$
$$= (x+1)(x+2)$$

(2) $x^2 + 7x + 6$

$$x^2 + 7x + 6 = x^2 + (1+6)x + 1 \times 6$$
$$= (x+1)(x+6)$$

(3) $x^2 + 10x + 24$

$$x^2 + 10x + 24 = x^2 + (4+6)x + 4 \times 6$$
$$= (x+4)(x+6)$$

(4) $x^2 + 11x - 12$

$$x^2 + 11x - 12 = x^2 + \{12 + (-1)\} x + 12 \times (-1)$$
$$= (x+12)(x-1)$$

(5) $x^2 + 7x - 18$

$$x^2 + 7x - 18 = x^2 + \{9 + (-2)\} x + 9 \times (-2)$$
$$= (x+9)(x-2)$$

(6) $x^2 - x - 30$

$$x^2 - x - 30 = x^2 + \{5 + (-6)\} x + 5 \times (-6)$$
$$= (x+5)(x-6)$$

(7) $x^2 - 3x - 28$

$$x^2 - 3x - 28 = x^2 + \{4 + (-7)\} x + 4 \times (-7)$$
$$= (x+4)(x-7)$$

(8) $x^2 - 6x + 8$

$$x^2 - 6x + 8 = x^2 + \{(-2) + (-4)\} x + (-2) \times (-4)$$
$$= (x-2)(x-4)$$

(9) $x^2 - 10x + 24$

$$x^2 - 10x + 24 = x^2 + \{(-4) + (-6)\} x + (-4) \times (-6)$$
$$= (x-4)(x-6)$$

(10) $x^2 - 15x + 56$

$$x^2 - 15x + 56 = x^2 + \{(-7) + (-8)\} x + (-7) \times (-8)$$
$$= (x-7)(x-8)$$