

三角形と四角形 [直角三角形の合同条件]

<演習問題>

(1)

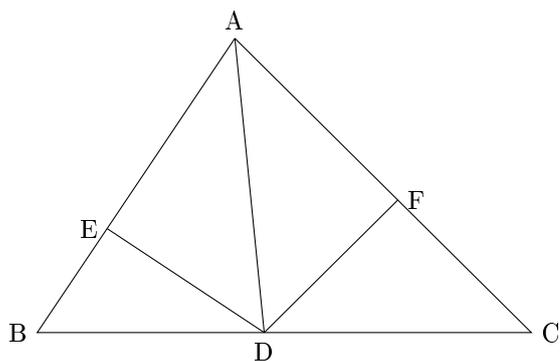
次の図において、

$\triangle ABC$ は鋭角三角形である。

$\angle BAC$ の二等分線と辺 BC 交点を D とする。

点 D から辺 AB 及び辺 AC に垂線を引き、
交点をそれぞれ E 、 F とする。

このとき、 $\triangle ADE \equiv \triangle ADF$ を証明せよ。



(3)

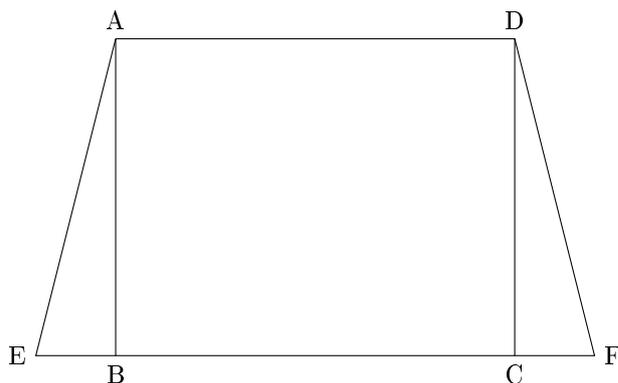
次の図において、

四角形 $ABCD$ は長方形である。

CB の延長上に点 E をとり、

BC の延長上に $AE=DF$ となる点 F をとる。

このとき、 $\triangle ABE \equiv \triangle DCF$ を証明せよ。



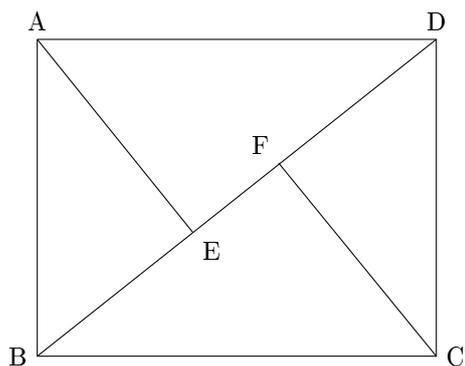
(2)

次の図において、

四角形 $ABCD$ は長方形である。

点 A 及び点 C から対角線 BD に垂線を引き、
対角線 BD との交点をそれぞれ E 、 F とする。

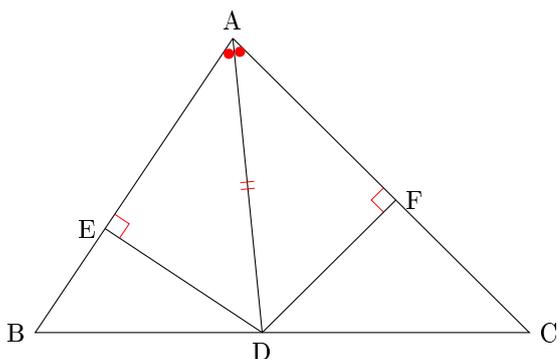
このとき、 $\triangle ABE \equiv \triangle CDF$ を証明せよ。



三角形と四角形 [直角三角形の合同条件]

<演習問題>

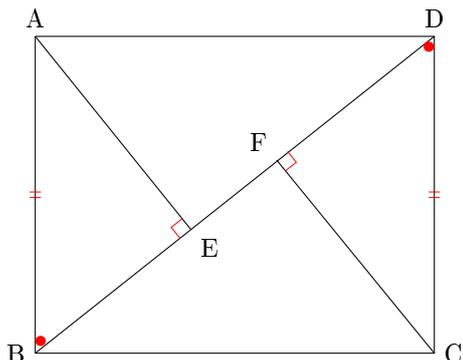
(1)
次の図において、
 $\triangle ABC$ は鋭角三角形である。
 $\angle BAC$ の二等分線と辺 BC 交点を D とする。
点 D から辺 AB 及び辺 AC に垂線を引き、
交点をそれぞれ E 、 F とする。
このとき、 $\triangle ADE \equiv \triangle ADF$ を証明せよ。



<解答例>

$\triangle ADE$ と $\triangle ADF$ について、
仮定より、 $\angle BAC$ の二等分線なので、
 $\angle EAD = \angle FAD$ ……(1)
垂線より、
 $\angle DEA = \angle DFA = 90^\circ$ ……(2)
また、
 AD は共通 ……(3)
したがって、(1)(2)(3) より、
直角三角形の斜辺と1つの鋭角が
それぞれ等しいので、
 $\triangle ADE \equiv \triangle ADF$

(2)
次の図において、
四角形 $ABCD$ は長方形である。
点 A 及び点 C から対角線 BD に垂線を引き、
対角線 BD との交点をそれぞれ E 、 F とする。
このとき、 $\triangle ABE \equiv \triangle CDF$ を証明せよ。



<解答例>

$\triangle ABE$ と $\triangle CDF$ について、
仮定より、長方形なので、
 $AB = CD$ ……(1)
また、長方形なので、 $AB \parallel DC$ から、
錯角の大きさが等しく、
 $\angle ABE = \angle CDF$ ……(2)
垂線より、
 $\angle BEA = \angle DFC = 90^\circ$ ……(3)
したがって、(1)(2)(3) より、
直角三角形の斜辺と1つの鋭角が
それぞれ等しいので、
 $\triangle ABE \equiv \triangle CDF$

(3)
次の図において、
四角形 $ABCD$ は長方形である。
 CB の延長上に点 E をとり、
 BC の延長上に $AE = DF$ となる点 F をとる。
このとき、 $\triangle ABE \equiv \triangle DCF$ を証明せよ。



<解答例>

$\triangle ABE$ と $\triangle DCF$ について、
仮定より、
 $AE = DF$ ……(1)
また、長方形なので、
 $AB = DC$ ……(2)
 $\angle ABE = \angle DCF = 90^\circ$ ……(3)
したがって、(1)(2)(3) より、
直角三角形の斜辺と他の1辺が
それぞれ等しいので、
 $\triangle ABE \equiv \triangle DCF$