

# 三角形と四角形 [直角三角形の合同条件]

---

## <演習問題>

(1)

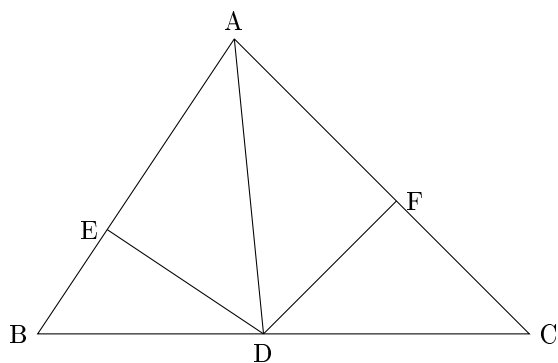
次の図において、

$\triangle ABC$  は鋭角三角形である。

$\angle BAC$  の二等分線と辺  $BC$  交点を  $D$  とする。

点  $D$  から辺  $AB$  及び辺  $AC$  に垂線を引き、  
交点をそれぞれ  $E$ 、 $F$  とする。

このとき、 $\triangle ADE \equiv \triangle ADF$  を証明せよ。



(3)

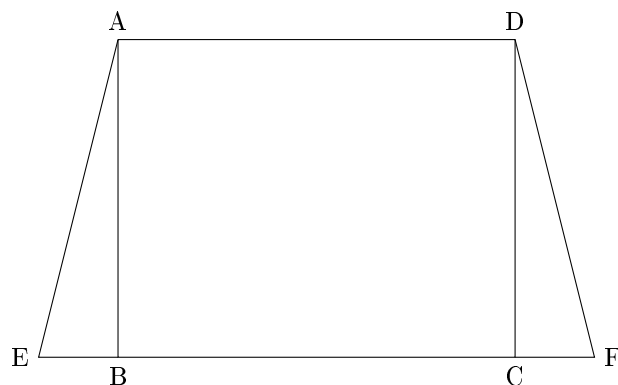
次の図において、

四角形  $ABCD$  は長方形である。

$CB$  の延長上に点  $E$  をとり、

$BC$  の延長上に  $AE=DF$  となる点  $F$  をとる。

このとき、 $\triangle ABE \equiv \triangle DCF$  を証明せよ。



(2)

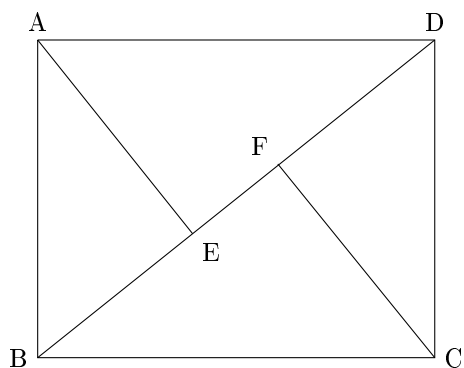
次の図において、

四角形  $ABCD$  は長方形である。

点  $A$  及び点  $C$  から対角線  $BD$  に垂線を引き、

対角線  $BD$  との交点をそれぞれ  $E$ 、 $F$  とする。

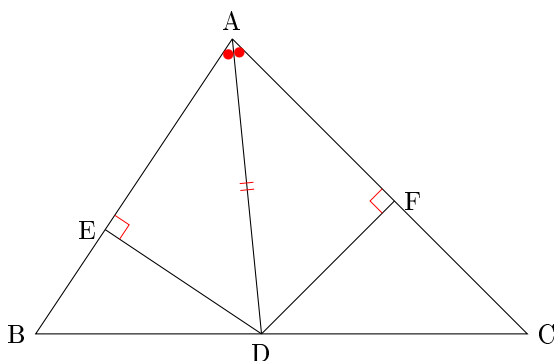
このとき、 $\triangle ABE \equiv \triangle CDF$  を証明せよ。



# 三角形と四角形 [直角三角形の合同条件]

## <演習問題>

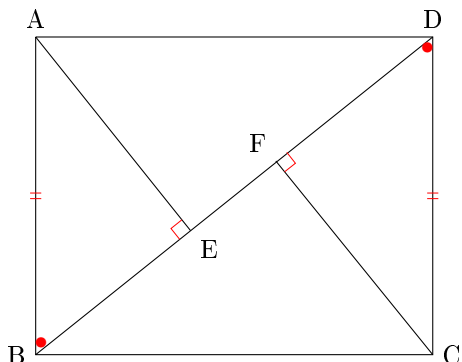
(1)  
次の図において、  
 $\triangle ABC$  は鋭角三角形である。  
 $\angle BAC$  の二等分線と辺  $BC$  交点を  $D$  とする。  
点  $D$  から辺  $AB$  及び辺  $AC$  に垂線を引き、  
交点をそれぞれ  $E$ 、 $F$  とする。  
このとき、 $\triangle ADE \equiv \triangle ADF$  を証明せよ。



## <解答例>

$\triangle ADE$  と  $\triangle ADF$  について、  
仮定より、 $\angle BAC$  の二等分線なので、  
 $\angle EAD = \angle FAD$  ……(1)  
垂線より、  
 $\angle DEA = \angle DFA = 90^\circ$  ……(2)  
また、  
 $AD$  は共通 ……(3)  
したがって、(1)(2)(3) より、  
直角三角形の斜辺と1つの鋭角が  
それぞれ等しいので、  
 $\triangle ADE \equiv \triangle ADF$

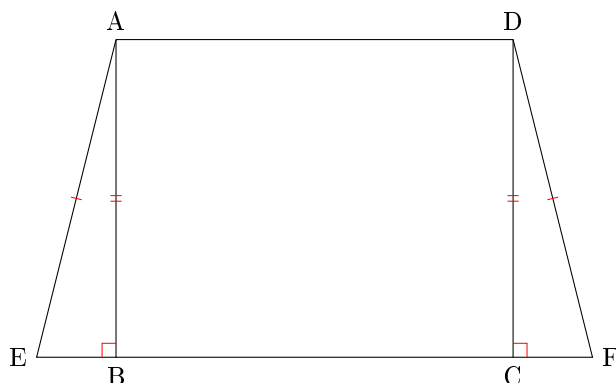
(2)  
次の図において、  
四角形  $ABCD$  は長方形である。  
点  $A$  及び点  $C$  から対角線  $BD$  に垂線を引き、  
対角線  $BD$  との交点をそれぞれ  $E$ 、 $F$  とする。  
このとき、 $\triangle ABE \equiv \triangle CDF$  を証明せよ。



## <解答例>

$\triangle ABE$  と  $\triangle CDF$  について、  
仮定より、長方形なので、  
 $AB = CD$  ……(1)  
また、長方形なので、 $AB \parallel DC$  から、  
錯角の大きさが等しく、  
 $\angle ABE = \angle CDF$  ……(2)  
垂線より、  
 $\angle BEA = \angle DFC = 90^\circ$  ……(3)  
したがって、(1)(2)(3) より、  
直角三角形の斜辺と1つの鋭角が  
それぞれ等しいので、  
 $\triangle ABE \equiv \triangle CDF$

(3)  
次の図において、  
四角形  $ABCD$  は長方形である。  
 $CB$  の延長上に点  $E$  をとり、  
 $BC$  の延長上に  $AE = DF$  となる点  $F$  をとる。  
このとき、 $\triangle ABE \equiv \triangle DCF$  を証明せよ。



## <解答例>

$\triangle ABE$  と  $\triangle DCF$  について、  
仮定より、  
 $AE = DF$  ……(1)  
また、長方形なので、  
 $AB = DC$  ……(2)  
 $\angle ABE = \angle DCF = 90^\circ$  ……(3)  
したがって、(1)(2)(3) より、  
直角三角形の斜辺と他の1辺が  
それぞれ等しいので、  
 $\triangle ABE \equiv \triangle DCF$